

2015 年成人高等学校招生全国统一考试高起专数学

一、选择题：本大题共 17 小题，每小题 5 分，共 85 分，在每小题的四个选项中，只有一项是符合题目要求的。

(1) 设集合 $M = \{x | -1 \leq x \leq 2\}$, $N = \{x | x \leq 1\}$, 则集合 $M \cap N =$ ()

- A. $\{x | x > -1\}$ B. $\{x | x > 1\}$
C. $\{x | -1 \leq x \leq 1\}$ D. $\{x | 1 \leq x \leq 2\}$

(2) 函数 $y = \frac{1}{x-5}$ 的定义域为 ()

- A. $(-\infty, 5)$ B. $(-\infty, +\infty)$
C. $(5, +\infty)$ D. $(-\infty, 5) \cup (5, +\infty)$

(3) 函数 $y = 2 \sin 6x$ 的最小正周期为 ()

- A. $\frac{\pi}{3}$ B. $\frac{\pi}{2}$ C. 2π D. 3π

(4) 下列函数为奇函数的是 ()

- A. $y = \log_2 x$ B. $y = \sin x$ C. $y = x^2$ D. $y = 3^x$

(5) 抛物线 $y^2 = 3x$ 的准线方程为 ()

- A. $x = -\frac{3}{2}$ B. $x = -\frac{3}{4}$ C. $x = \frac{1}{2}$ D. $x = \frac{3}{4}$

(6) 已知一次函数 $y = 2x + b$ 的图像经过点 $(-2, 1)$, 则该图像也经过点 ()

- A. $(1, -3)$ B. $(1, -1)$ C. $(1, 7)$ D. $(1, 5)$

(7) 若 a, b, c 为实数, 且 $a \neq 0$

设甲: $b^2 - 4ac \geq 0$.

乙: $ax^2 + bx + c = 0$ 有实数根,

则 ()

A. 甲是乙的必要条件, 但不是乙的充分条件

- B. 甲是乙的充分条件，但不是乙的必要条件
- C. 甲既不是乙的充分条件，也不是乙的必要条件
- D. 甲是乙的充分必要条件

(8) 二次函数 $y = x^2 + x - 2$ 的图像与 x 轴的交点坐标为 ()

- A. $(-2, 0)$ 和 $(1, 0)$
- B. $(-2, 0)$ 和 $(-1, 0)$
- C. $(2, 0)$ 和 $(1, 0)$
- D. $(2, 0)$ 和 $(-1, 0)$

(9) 不等式 $|x - 3| > 2$ 的解集是 ()

- A. $\{x|x < 1\}$
- B. $\{x|x > 5\}$
- C. $\{x|x > 5 \text{ 或 } x < 1\}$
- D. $\{x|1 < x < 5\}$

(10) 已知圆 $x^2 + y^2 + 4x - 8y + 11 = 0$ ，经过点 $P(1, 0)$ 作该圆的切线，切点为 Q ，则线段 PQ 的长为 ()

- A. 4
- B. 8
- C. 10
- D. 16

(11) 已知平面向量 $a = (1, 1)$, $b = (1, -1)$ ，则两向量的夹角为 ()

- A. $\frac{\pi}{6}$
- B. $\frac{\pi}{4}$
- C. $\frac{\pi}{3}$
- D. $\frac{\pi}{2}$

(12) 若 $0 < \lg a < \lg b < 2$ ，则 ()

- A. $0 < a < b < 1$
- B. $0 < b < a < 1$
- C. $0 < b < a < 100$
- D. $1 < a < b < 100$

(13) 设函数 $f(x) = \frac{x+1}{x}$ ，则 $f(x-1) = ()$

- A. $\frac{x}{x+1}$
- B. $\frac{x}{x-1}$
- C. $\frac{1}{x+1}$
- D. $\frac{1}{x-1}$

(14) 设两个正数 a, b 满足 $a + b = 20$ ，则 ab 的最大值为 ()

- A. 400
- B. 200
- C. 100
- D. 50

(15) 将 5 本不同的历史书和 2 本不同的数学书排成一行，则 2 本数学书恰好在两端的概率为 ()

- A. $\frac{1}{10}$ B. $\frac{1}{14}$ C. $\frac{1}{20}$ D. $\frac{1}{21}$

(16) 在等腰三角形 ABC 中, A 是顶角, 且 $\cos A = -\frac{1}{2}$, 则 $\cos B =$ ()

- A. $\frac{\sqrt{3}}{2}$ B. $\frac{1}{2}$ C. $-\frac{1}{2}$ D. $-\frac{\sqrt{3}}{2}$

(17) 从 1, 2, 3, 4, 5 中任取 3 个数, 组成的没有重复数字的三位数共有 ()

- A. 80 个 B. 60 个 C. 40 个 D. 30 个

二、填空题: 本大题共 4 小题, 每小题 4 分, 共 16 分。

(18) 计算 $3^{\frac{5}{3}} \times 3^{\frac{1}{3}} - \log_4 10 - \log_4 \frac{8}{5} =$.

(19) 曲线 $y = x^2 - 2x$ 在点 $(1, -1)$ 处的切线方程为.

(20) 等比数列 $\{a_n\}$ 中, 若 $a_2 = 8$, 公比为 $\frac{1}{4}$, 则 $a_5 =$.

(21) 某运动员射击 10 次, 成绩 (单位: 环) 如下)

8 10 9 9 10 8 9 9 8 7

则该运动员的平均成绩是环.

三、解答题: 本大题共 4 小题, 共 49 分。解答应写出推理、演算步骤。

(22) (本小题满分 12 分)

已知 $\triangle ABC$ 中, $A = 110^\circ$, $AB = 5$, $AC = 6$, 求 BC . (精确到 0.01)

(23) (本小题满分 12 分)

已知数列 $\{a_n\}$ 的前 n 项和 $S_n = n^2 - 2n$. 求

(I) $\{a_n\}$ 的前三项;

(II) $\{a_n\}$ 的通项公式.

(24) (本小题满分 12 分)

设函数 $f(x) = x^3 - 3x^2 - 9x$, 求

(I) 函数 $f(x)$ 的导数

(II) 函数 $f(x)$ 在区间 $[1, 4]$ 的最大值与最小值.

(25) (本小题满分 13 分)

设椭圆的焦点为 $F_1(-\sqrt{3}, 0)$, $F_2(\sqrt{3}, 0)$, 其长轴长为 4

(I) 求椭圆方程;

(II) 设直线 $y = \frac{\sqrt{3}}{2}x + m$ 与椭圆有两个不同的交点, 其中一个交点的坐标是 $(0, 1)$, 求另一个交点的坐标.

参考答案:

一、选择题

- (1) C (2) D (3) A (4) B (5) B (6) C
 (7) D (8) A (9) C (10) A (11) D (12) D
 (13) B (14) C (15) D (16) A (17) B

二、填空题

- (18) 7 (19) $y = x - 2$ (20) $\frac{1}{8}$ (21) 8.7

三、解答题

(22) 解: 根据余弦定理

$$BC = \sqrt{AB^2 + AC^2 - 2AB \cdot AC \cdot \cos A}$$

$$= \sqrt{5^2 + 6^2 - 2 \times 5 \times 6 \times \cos 110^\circ}$$

$$\approx 9.03$$

(23) 解: (I) 因为 $S_n = n^2 - 2n$, 则

$$a_1 = S_1 = -1,$$

$$a_2 = S_2 - a_1 = 2^2 - 2 \times 2 - (-1) = 1,$$

$$a_3 = S_3 - a_1 - a_2 = 3^2 - 2 \times 3 - (-1) - 1 = 3$$

$$\begin{aligned} & \text{(II) 当 } n \geq 2 \text{ 时, } a_n = S_n - S_{n-1} \\ & = n^2 - 2n - [(n-1)^2 - 2(n-1)] \\ & = 2n - 3 \end{aligned}$$

当 $n = 1$ 时, $a_1 = 1$, 满足公式 $a_n = 2n - 3$

所以数列 $\{a_n\}$ 的通项公式为 $a_n = 2n - 3$.

(24) 解: (I) 因为函数 $f(x) = x^3 - 3x^2 - 9x$, 所以

$$f'(x) = 3x^2 - 6x - 9.$$

(II) $f'(x) = 0$, 解得 $x = 3$ 或 $x = -1$, 比较 $f(1), f(3), f(4)$ 的大小,

$$f(1) = -11, f(3) = -27, f(4) = -20$$

所以函数 $f(x) = x^3 - 3x^2 - 9x$ 在区间 $[1, 4]$ 的最大值为 -11 , 最小值为 -27 .

(25) 解:

(I) 由已知, 椭圆的长轴长 $2a = 4$, 焦距 $2c = 2\sqrt{3}$, 设其短半轴长为 b , 则

$$b = \sqrt{a^2 - c^2} = \sqrt{4 - 3} = 1$$

所以椭圆的方程为 $\frac{x^2}{4} + y^2 = 1$.

(II) 因为直线与椭圆的一个交点为 $(0, 1)$, 将该交点坐标代入直线方程可得 $m = 1$, 即

$$y = \frac{\sqrt{3}}{2}x + 1.$$

将直线与椭圆的方程联立得

$$\begin{cases} y = \frac{\sqrt{3}}{2}x + 1, \\ \frac{x^2}{4} + y^2 = 1. \end{cases}$$

解得另一交点坐标为 $(-\sqrt{3}, -\frac{1}{2})$.

2014 年成人高等学校招生全国统一考试高起专数学

一、选择题：本大题共 17 小题，每小题 5 分，共 85 分。在每小题给出的四个选项中，只有一项是符合题目要求的，将所选项前的字母填涂在答题卡相应题号的信息点上。

(1) 设集合 $M=\{x \mid -1 \leq x < 2\}$, $N=\{x \mid x \leq 1\}$, 则集合 $M \cap N =$

(A) $\{x \mid x > -1\}$ (B) $\{x \mid x > 1\}$ (C) $\{x \mid -1 \leq x \leq 1\}$ (D) $\{x \mid 1 \leq x \leq 2\}$

(2) 函数 $y = \frac{1}{x-5}$ 的定义域为

(A) $(-\infty, 5)$ (B) $(-\infty, +\infty)$ (C) $(5, +\infty)$ (D) $(-\infty, 5) \cup (5, +\infty)$

(3) 函数 $y=2\sin 6x$ 的最小正周期为

(A) $\frac{\pi}{3}$ (B) $\frac{\pi}{2}$ (C) 2π (D) 3π

(4) 下列函数为奇函数的是

(A) $y=\log_2 x$ (B) $y=\sin x$ (C) $y=x^2$ (D) $y=3^x$

(5) 过点 $(2, 1)$ 且与直线 $y=x$ 垂直的直线方程为

(A) $y=x+2$ (B) $y=x-1$ (C) $y=-x+3$ (D) $y=-x+2$

(6) 函数 $y=2x+1$ 的反函数为

(A) $y = \frac{x+1}{2}$ (B) $y = \frac{x-1}{2}$ (C) $y=2x-1$ (D) $y=1-2x$

(7) 若 a, b, c 为实数, 且 $a \neq 0$. 设甲: $b^2-4ac \geq 0$, 乙: $ax^2+bx+c=0$ 有实数根, 则

(A) 甲是乙的必要条件, 但不是乙的充分条件

(B) 甲是乙的充分条件, 但不是必要条件

(C) 甲既不是乙的充分条件, 也不是乙的必要条件

(D) 甲是乙的充分必要条件

(8) 二次函数 $y=x^2+x-2$ 的图像与 x 轴的交点坐标为

(A) $(-2, 0)$ 和 $(1, 0)$ (B) $(-2, 0)$ 和 $(-1, 0)$

(C) $(2, 0)$ 和 $(1, 0)$ (D) $(2, 0)$ 和 $(-1, 0)$

(9) 设 $z = 1 + \sqrt{3}i$, i 是虚数单位, 则 $\frac{1}{z} =$

(A) $\frac{1+\sqrt{3}i}{4}$ (B) $\frac{1-\sqrt{3}i}{4}$ (C) $\frac{2+\sqrt{3}i}{4}$ (D) $\frac{2-\sqrt{3}i}{4}$

(10) 设 $a > b > 1$, 则

(A) $a^4 \leq b^4$ (B) $\log_4 a > \log_4 b$ (C) $a^{-2} < b^{-2}$ (D) $4^a < 4^b$

(11) 已知平面向量 $\mathbf{a} = (1, 1)$, $\mathbf{b} = (1, -1)$, 则两向量的夹角为

(A) $\frac{\pi}{6}$ (B) $\frac{\pi}{4}$ (C) $\frac{\pi}{3}$ (D) $\frac{\pi}{2}$

(12) $(\sqrt{x} - \frac{1}{x})$ 的展开式中的常数项为 (A) 3 (B) 2 (C) -2 (D) -3

(13) 每次射击时, 甲击中目标的概率为 0.8, 乙击中目标的概率为 0.6, 甲、乙各自独立地射向目标, 则恰有一人击中的概率为

(A) 0.44 (B) 0.6 (C) 0.8 (D) 1

(14) 已知一个球的体积为 $\frac{32}{3}\pi$, 则它的表面积为

(A) 4π (B) 8π (C) 16π (D) 24π

(15) 在等腰三角形 ABC 中, A 是顶角, 且 $\cos A = -\frac{1}{2}$, 则 $\cos B =$

(A) $\frac{\sqrt{3}}{2}$ (B) $\frac{1}{2}$ (C) $-\frac{1}{2}$ (D) $-\frac{\sqrt{3}}{2}$

(16) 四棱锥 P-ABCD 的底面为矩形, 且 $AB=4, BC=3, PD \perp$ 底面 ABCD, $PD=5$, 则 PB 与底面所成角为 (A) 30° (B) 45° (C) 60° (D) 75°

(17) 将 5 本不同的历史书和 2 本不同的数学书排成一行, 则 2 本数学书恰好在两端的概率为

(A) $\frac{1}{10}$ (B) $\frac{1}{14}$ (C) $\frac{1}{20}$ (D) $\frac{1}{21}$

非选择题

二、填空题: 本大题共 4 小题, 每小题 4 分, 共 16 分。把答案写在答题卡相应题号后。

(18) 已知空间向量 $\mathbf{a} = (1, 2, 3)$, $\mathbf{b} = (1, -2, 3)$, 则 $2\mathbf{a} + \mathbf{b} =$ _____.

(19) 曲线 $y = x^3 - 2x$ 在点 $(1, -1)$ 处的切线方程为 _____.

(20) 设函数 $f(x+1) = \frac{x}{x+1}$, 则 $f(3) =$ _____.

(21) 某运动员射击 10 次, 成绩 (单位: 环) 如下

8 10 9 9 10 8 9 9 8 7 则该运动员的平均成绩是 _____ 环.

三、解答题: 本大题共 4 小题, 共 49 分。解答题应写出推理、演算步骤, 并将其写在答题卡相应题号后。

(22) (本小题满分 12 分) 已知 $\triangle ABC$ 中, $A = 110^\circ$, $AB = 5, AC = 6$, 求 BC. (精确到 0.01)

(23) (本小题满分 12 分) 已知数列 $\{a_n\}$ 的前 n 项和 $S_n = 1 - \frac{1}{2^n}$, 求

(I) $\{a_n\}$ 的前 3 项;

(II) $\{a_n\}$ 的通项公式.

(24) (本小题满分 12 分) 设函数 $f(x) = x^3 - 3x^2 - 9x$. 求

(I) 函数 $f(x)$ 的导数;

(II) 函数 $f(x)$ 在区间 $[1, 4]$ 的最大值与最小值.

(25) (本小题满分 12 分) 设椭圆的焦点为 $F_1(-\sqrt{3}, 0)$, $F_2(\sqrt{3}, 0)$, 其长轴长为 4.

(I) 求椭圆的方程;

(II) 若直线 $y = \frac{\sqrt{3}}{2}x + m$ 与椭圆有两个不同的交点, 求 m 的取值范围.

试题答案及评分参考

一、选择题

(1)C (2)D (3)A (4)B (5)C (6)B (7)D (8)A (9)B (10)C
(11)D (12)D (13)A (14)C (15)A (16)B (17)D

二、填空题

(18) (3, 2, 9) (19) $y = x - 2$ (20) $\frac{2}{3}$ (21) 8.7

三、解答题

(22)解：根据余弦定理

$$BC = \sqrt{AB^2 + AC^2 - 2AB \cdot AC \cdot \cos A} \quad \dots\dots\dots 6 \text{ 分}$$

$$= \sqrt{5^2 + 6^2 - 2 \times 5 \times 6 \times \cos 110^\circ} \approx 9.03 \quad \dots\dots\dots 12 \text{ 分}$$

(23)解：(I) 因为 $S_n = 1 - \frac{1}{2^n}$ ，则

$$a_1 = S_1 = 1 - \frac{1}{2} = \frac{1}{2},$$

$$a_2 = S_2 - a_1 = 1 - \frac{1}{2^2} - \frac{1}{2} = \frac{1}{4},$$

$$a_3 = S_3 - a_1 - a_2 = 1 - \frac{1}{2^3} - \frac{1}{2} - \frac{1}{4} = \frac{1}{8} \quad \dots\dots\dots 6 \text{ 分}$$

(II) 当 $n \geq 2$ 时, $a_n = S_n - S_{n-1} = 1 - \frac{1}{2^n} - (1 - \frac{1}{2^{n-1}}) = \frac{1}{2^{n-1}} (\frac{1}{2} - \frac{1}{2^n}) = \frac{1}{2^n}$

当 $n=1$ 时, $a_1 = \frac{1}{2}$, 满足公式 $a_n = \frac{1}{2^n}$

所以数列的通项公式为 $a_n = \frac{1}{2^n}$ 12 分

(24)解：(I) 因为函数 $f(x) = x^3 - 3x^2 - 9x$,

所以 $f' = 3x^2 - 6x - 9$ 5 分

(II) 令 $f' = 0$, 解得 $x=3$ 或 $x=-1$. 比较 $f(1), f(3), f(4)$ 的大小,

$f(1) = -11, f(3) = -27, f(4) = -20$.

所以函数 $f(x) = x^3 - 3x^2 - 9x$ 在区间 $[1, 4]$ 的最大值为 -11 , 最小值为 -2712 分

(25)解：(I) 由已知, 椭圆的长轴长 $2a=4$, 焦距 $2c = 2\sqrt{3}$, 设其短半轴长为 b , 则

$$b = \sqrt{a^2 - c^2} = \sqrt{4 - 3} = 1$$

所以椭圆的方程为 $\frac{x^2}{4} + y^2 = 1$ 6 分

(II) 将直线方程 $y = \frac{\sqrt{3}}{2}x + m$ 代入椭圆方程可得

$$x^2 + \sqrt{3}mx + m^2 - 1 = 0$$

因为直线与椭圆有两个不同交点, 所以

$$\Delta = 3m^2 - 4(m^2 - 1) > 0,$$

解得 $-2 < m < 2$.

所以 m 的取值范围为 $(-2, 2)$13 分

2013年成人高等学校招生全国统一考试（高起点）

数学试题（理工农医类）

第I卷（选择题，共85分）

一、选择题（本大题共17小题，每小题5分，共85分，在每小题给出的四个选项中，只有一项是符合题目要求的）

1. 函数 $f(x) = 2\sin(3x + \pi) + 1$ 的最大值为

- A. -1 B. 1 C. 2 D. 3

2. 下列函数中，为减函数的是

- A. $y = x^3$ B. $y = \sin x$ C. $y = -x^3$ D. $y = \cos x$

3. 不等式 $|x| < 1$ 的解集为

- A. $\{x | x > 1\}$ B. $\{x | x < 1\}$
C. $\{x | -1 < x < 1\}$ D. $\{x | x < -1\}$

4. 函数 $f(x) = 1 + \cos x$ 的最小正周期是

- A. $\frac{\pi}{2}$ B. π C. $\frac{3\pi}{2}$ D. 2π

5. 函数 $y = x + 1$ 与 $y = \frac{1}{x}$ 图像的交点个数为

- A. 0 B. 1 C. 2 D. 3

6. 若 $0 < \theta < \frac{\pi}{2}$ ，则

- A. $\sin \theta > \cos \theta$ B. $\cos \theta < \cos^2 \theta$ C. $\sin \theta < \sin^2 \theta$ D. $\sin \theta > \sin^2 \theta$

7. 抛物线 $y^2 = -4x$ 的准线方程为

- A. $x = -1$ B. $x = 1$ C. $y = 1$ D. $y = -1$

8. 一个正三棱锥，高为¹，底面三角形边长为³，则这个正三棱锥的体积为

- A. $\frac{3\sqrt{3}}{4}$ B. $\sqrt{3}$ C. $2\sqrt{3}$ D. $3\sqrt{3}$

9. 过点(2,1) 且与直线 $y = 0$ 垂直的直线方程为

- A. $x = 2$ B. $x = 1$ C. $y = 2$ D. $y = 1$

10. $(x - 2y)^5$ 的展开式中， $x^3 y^2$ 的系数为

A. -40 B. -10 C. 10 D. 40

11. 若圆 $x^2 + y^2 = c$ 与直线 $x + y = 1$ 相切, 则 $c =$

A. $\frac{1}{2}$ B. 1 C. 2 D. 4

12. 设 $a > 1$, 则

A. $\log_a 2 < 0$ B. $\log_2 a > 0$ C. $2^a < 1$ D. $(\frac{1}{a})^2 > 1$

13. 直线 $3x + y - 2 = 0$ 经过

A. 第一、二、四象限 B. 第一、二、三象限 C. 第二、三、四象限 D. 第一、三、四象限

14. 等差数列 $\{a_n\}$ 中, 若 $a_1 = 2$, $a_3 = 6$, 则 $a_2 =$

A. 3 B. 4 C. 8 D. 12

15. 设甲: $x = 1$,

乙: $x^2 = 1$, 则

A. 甲是乙的必要条件, 但不是乙的充分条件
 B. 甲是乙的充分必要条件
 C. 甲是乙的充分条件, 但不是乙的必要条件
 D. 甲不是乙的充分条件, 也不是乙的必要条件

16. 正四棱柱 $ABCD - A_1B_1C_1D_1$ 中, $AA_1 = 2AB$, 则直线 AB_1 与直线 C_1D_1 所成角的正弦值为

A. $\frac{\sqrt{5}}{5}$ B. $\frac{\sqrt{3}}{3}$ C. $\frac{2\sqrt{5}}{5}$ D. $\frac{2\sqrt{3}}{3}$

17. 箱子中装有 5 个相同的球, 分别标以号码 1, 2, 3, 4, 5, 从中一次任取 2 个球, 则这 2 个球的号码都大于 2 的概率为

A. $\frac{3}{5}$ B. $\frac{1}{2}$ C. $\frac{2}{5}$ D. $\frac{3}{10}$

二、填空题 (本大题共 4 小题, 每小题 4 分, 共 16 分)

18. 复数 $(i + i^2 + i^3)(1 - i)$ 的实部为_____.

19. 已知球的一个小圆的面积为 π , 球心到小圆所在平面的距离为 $\sqrt{2}$, 则这个球的表面积为_____.

20. 函数 $f(x) = 2x^3 - 3x^2 + 1$ 的极大值为_____.

21. 已知随机变量 ξ 的分布列为

ξ	-1	0	1	2
P	$\frac{1}{3}$	$\frac{1}{4}$	$\frac{1}{6}$	$\frac{1}{4}$

则 $E\xi =$ _____.

三、解答题（本大题共 4 小题，共 49 分. 解答应写出推理、演算步骤）

22. (本小题满分 12 分)

已知公比为 $q(q \neq 1)$ 的等比数列 $\{a_n\}$ 中, $a_1 = -1$, 前 3 项和 $S_3 = -3$.

- (I) 求 q ;
- (II) 求 $\{a_n\}$ 的通项公式.

23. (本小题满分 12 分)

已知 $\triangle ABC$ 中, $A = 30^\circ, BC = 1, AB = \sqrt{3}AC$.

- (I) 求 AB ;
- (II) 求 $\triangle ABC$ 的面积.

24. (本小题满分 12 分)

已知椭圆 $C: \frac{x^2}{a^2} + \frac{y^2}{b^2} = 1(a > b > 0)$ 的离心率为 $\frac{1}{2}$. 且 $a^2, 2\sqrt{3}, b^2$ 成等比数列.

- (I) 求 C 的方程;
- (II) 设 C 上一点 P 的横坐标为 1, F_1, F_2 为 C 的左、右焦点, 求 $\triangle PF_1F_2$ 的面积.

25. (本小题满分 13 分)

已知函数 $f(x) = (x+a)e^x + \frac{1}{2}x^2$, 且 $f'(0) = 0$

- (I) 求 a ;
- (II) 求 $f(x)$ 的单调区间, 并说明它在各区间的单调性;
- (II I) 证明对任意 $x \in R$, 都有 $f(x) \geq -1$.

参考答案

一、 选择题（每小题 5 分，共 85 分）

1. D 2. C 3. C 4. D 5. C 6. D 7. B 8. A 9. A
10. D 11. A 12. B 13. A 14. B 15. C 16. C 17. D

二、 填空题（每小题 4 分，共 16 分，）

18. -1 19. 12π 20. 1 21. $\frac{1}{3}$

三、解答题（共 49 分。）

22. 解：(I) 由已知得 $a_1 + a_1q + a_1q^2 = -3$ ，又 $a_1 = -1$ ，故

$$q^2 + q - 2 = 0$$

解得 $q = 1$ （舍去）或 $q = -2$

$$(II) a_n = a_1q^{n-1} = (-1)^n 2^{n-1}$$

23. 解：(I) 由余弦定理 $BC^2 = AB^2 + AC^2 - 2 \times AB \cdot AC \cdot \cos A$

又已知 $A = 30^\circ$, $BC = 1$, $AB = \sqrt{3}AC$ ，得 $AC^2 = 1$ ，所以 $AC = 1$ ，从而 $AB = \sqrt{3}$ 。

$$(II) \triangle ABC \text{ 的面积 } S = \frac{1}{2} AB \cdot AC \cdot \sin A = \frac{\sqrt{3}}{4}.$$

24. 解：(I) 由
$$\begin{cases} a^2b^2 = 12 \\ \frac{\sqrt{a^2 - b^2}}{a} = \frac{1}{2} \end{cases}$$

得 $a^2 = 4, b^2 = 3$ ，所以 C 的方程为 $\frac{x^2}{4} + \frac{y^2}{3} = 1$

(II) 设 $P(1, y_0)$ ，代入 C 的方程得 $|y| = \frac{3}{2}$ ，又 $|F_1F_2| = 2$ ，

$$\text{所以 } \triangle PF_1F_2 \text{ 的面积 } S = \frac{1}{2} \cdot 2 \cdot \frac{3}{2} = \frac{3}{2}.$$

25. 解：(I) $f'(x) = (x+a+1)e^x + x$

由 $f'(0) = 0$ 得 $1+a=0$ ，所以 $a = -1$

(II) 由(I)可知， $f'(x) = xe^x + x = x(e^x + 1)$

当 $x < 0$ 时， $f'(x) < 0$ ；当 $x > 0$ 时， $f'(x) > 0$

所以函数 $f(x)$ 在的单调区间为 $(-\infty, 0)$ 和 $(0, +\infty)$ ，函数 $f(x)$ 在区间 $(-\infty, 0)$ 上是减函数，函数 $f(x)$ 在区间 $(0, +\infty)$ 上是增函数，

(II I) $f(0) = -1$ ，由(II)知， $f(0) = -1$ 为最小值，则 $f(x) \geq -1$ 。